DOI: 10. 19650/j. cnki. cjsi. J2107324

# 采煤机截割高度测量模型与测量误差分析\*

## 王世佳,王世博,刘万里

(中国矿业大学机电工程学院 徐州 221116)

**摘 要:**采煤机截割高度的测量及其误差分析是实现综采工作面自动化的一项重要研究内容。本文针对机身姿态传感器和摇 臂摆角传感器测量方案、机身姿态传感器和调高油缸位移传感器测量方案,分别建立了采煤机截割高度测量模型。利用函数误 差公式,推导了测量误差模型。以MG1000/2660-WD型采煤机为例,分析了截割高度测量误差分别随俯仰角、摇臂摆角和调高 油缸位移的变化规律,得到了两种测量方案截割高度测量误差的最大值的位置。根据算例分析的结果可知,摇臂摆角传感器和 调高油缸位移传感器的精度对测量误差的影响较小,机身姿态传感器的精度将决定截割高度测量误差的大小。最后,以采煤机 截割高度测量误差小于5 cm 为例进行分析,得出两种测量方案下各传感器的精度要求:摇臂摆角传感器精度为 0.022°和机身 姿态传感器的俯仰角最大动态误差小于 0.16°(1 h 内),调高油缸位移传感器精度为 1 mm 和机身姿态传感器的俯仰角最大动 态误差小于 0.14°(1 h 内)。

## The measurement model and error analysis for shearer cutting height

### Wang Shijia, Wang Shibo, Liu Wanli

(School of Mechanical and Electrical Engineering, China University of Mining and Technology, Xuzhou 221116, China)

Abstract: The measurement and error analysis of shearer cutting height are a significant research task for the longwall mining automation. In this paper, aiming at the body attitude sensor and rocker-arm swing-angle sensor measurement scheme as well as the body attitude sensor of height-adjustment hydro-cylinder measurement scheme, two measurement models of shearer cutting height are constructed, respectively. Adopting the function error formula, the measurement error models are obtained. Taking the type MG1000/2660-WD shearer as an example, the changing laws of the shearer cutting height versus pitch angle, rocker-arm swing-angle and displacement of height-adjustment hydro-cylinder are analyzed, and the positions where the shearer cutting heights have the maximum values in these two measurement schemes are obtained. According to the analysis result, the accuracies of the rocker-arm swing-angle sensor and displacement sensor of height-adjustment hydro-cylinder the measurement error of the cutting height. Finally, taking the case where the measurement error of shearer cutting height is less than 5 cm as an example, the accuracy requirements of the sensors in these two measurement schemes are obtained as follows: The accuracy of rocker-arm swing-angle sensor is 0. 022° and the maximum dynamic error of the pitch angle of the body attitude sensor is less than 0.  $16^{\circ}$  (within 1 hour), the accuracy of the soly attitude sensor is less than 0.  $14^{\circ}$  (within 1 hour).

Keywords: shearer; cutting height; measurement model; error analysis

收稿日期:2021-01-03 Received Date:2021-01-03

<sup>\*</sup>基金项目:国家自然基金(51874279, 51974290)、江苏省高校优势学科建设工程项目(PAPD)资助

## 0 引 言

综采工作面自动化是以综采机械装备为基础,通过 集成先进的传感技术,实现采煤机可靠割煤与装煤,同时 要保持工作面几何关系、设备姿态控制以及顶板支护。 综采工作面自动化中的一个重要研究内容就是采煤机的 自动调高,采煤机自动调高是在采煤机牵引运动时,其前 后滚筒能随着煤层顶底板的起伏自动调整截割高度,以 便能获得最大的采出率。目前国内外学者对于自动调高 主要有两个方向。一是基于煤岩界面识别的直接调高技 术,从20世纪六十年代,研究人员先后提出了天然γ射 线[1-2]、放射性同位素[3]、雷达探测[4-5]、测力截齿分析 法<sup>[6]</sup>、红外热成像分析<sup>[7]</sup>、高光谱<sup>[8-10]</sup>、太赫兹<sup>[11-12]</sup>、多传 感器融合技术[13]等煤岩识别方法,但由于工作面环境恶 劣、煤岩属性多变、识别实时性等原因,直接调高技术均 未在工作面获得应用。二是基于记忆截割的间接调高技 术[14-18],其基本原理是采煤机操作人员沿工作面预先截 割一刀,采煤机控制系统将采煤机的位置、姿态和滚筒高 度等参数存储,在接下来的截割循环中,采煤机根据记忆 的工作位置以及相应的截割参数进行自动截割。但这种 调高方式只适用于近水平煤层,在煤层地质条件变化时 很难适用。针对复杂地质煤层,本文作者所在课题组提 出了基于煤层地理信息系统 (geographic information system,GIS)的自动调高技术,即首先利用震波CT (computerized tomography)探测工作面煤层厚度变化,结 合地质测量巷道钻孔探测的煤厚值建立工作面煤层 GIS<sup>[19-20]</sup>。利用采煤机定位技术<sup>[21-22]</sup>获得采煤机在煤层 中的位姿。根据采煤机的位置,提取煤层 GIS 的煤层厚 度曲线作为采煤机滚筒截割边界曲线进行自动调 高[23-24]。无论是基于记忆截割的调高控制还是基于煤层 GIS 的调高控制,都是使采煤机滚筒位置能够跟踪顶底 板目标曲线。采煤机调高精度是影响滚筒逼近目标曲线 的重要参数,因此,我国 2017 年度"公共安全风险防控与 应急技术装备"重点专项中"煤矿智能开采安全技术与 装备研发"指南中明确提出了采煤机调高精度误差小于 5 cm (http://news. 21csp. com. cn/c3/201610/11353619. html)

采煤机调高精度由采煤机截割高度测量精度和采煤 机液压调高系统控制精度决定。研究者针对采煤机液压 调高系统控制精度,开展了调高液压系统控制策略的相 关基础研究。杨秋等<sup>[25]</sup>针对电磁阀控液压缸的开关控 制特性,运用模糊算法进行采煤机调高油缸位移自动控 制研究。张修荣<sup>[26]</sup>,张春雨<sup>[27]</sup>,张义龙<sup>[28]</sup>用比例方向流 量阀作为主控元件,以磁致伸缩位移传感器做检测元件 测量调高油缸位移信号组成比例闭环控制系统,仿真研 究了 PID 控制算法对油缸位移控制精度的影响。苏秀平 等<sup>[29]</sup>基于采煤机调高油缸电液比例伺服控制,建立了调 高油缸的状态方程和滑模控制函数,仿真分析了调高油 缸的控制特性。张寅锋<sup>[30]</sup>利用 matlab 和 AMESim 建立 了采煤机调高控制系统和液压系统联合仿真模型,研究 了截割滚筒对目标曲线的跟踪精度。这些研究把采煤机 截割高度调整转换为了调高油缸位移的控制,但采煤机 截割高度不但受调高油缸位移的影响,而且受采煤机机 身姿态的影响。目前对于采煤机截割高度测量精度的研 究未见报道。本文分别利用机身姿态传感器与摇臂摆角 传感器的组合方案、机身姿态传感器与调高油缸位移传 感器的组合方案建立采煤机截割高度测量模型和测量误 差模型,分析两种测量方案下采煤机截割高度测量误差 取得最大值时的位置,提出满足截割高度测量误差要求 的传感器误差分配方法。

## 1 采煤机截割高度测量模型与测量误差模型

### 1.1 采煤机截割高度测量模型

图 1(a) 为采煤机坐标系  $O_b X_b Y_b Z_b$  示意图,其中,  $O_b$  为采煤机质心。在本文中,东北天坐标系作为导航 坐标系。采煤机姿态由航向角( $\varphi$ )、俯仰角( $\theta$ ) 和横滚 角( $\gamma$ ) 描述。图 1(b)航向角是  $Y_b$  轴与北方向的夹角, 其定义域为(0°, 360°)。在行进方向上,采煤机机身 与水平面的夹角为俯仰角如图 1(c) 所示,其定义域为 (-90°, 90°)。在采煤机横轴方向上,机身与水平面的 夹角称为横滚角如图 1(d) 所示,其定义域为(-90°, 90°)。









本文以采煤机坐标系中 Y<sub>b</sub>Z<sub>b</sub> 平面作为研究平面。 在 Y<sub>b</sub>Z<sub>b</sub> 坐标系中,前后滚筒中心相对于采煤机质心的位 置可表示为:

$$\boldsymbol{P}_{1}^{b} = \begin{bmatrix} l/2 + L_{0}\cos\alpha_{1} \\ L_{0}\sin\alpha_{1} \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{P}_{2}^{b} = \begin{bmatrix} -l/2 - L_{0}\cos\alpha_{2} \\ L_{0}\sin\alpha_{2} \end{bmatrix}$$
(1)

其中,1为采煤机两摇臂回转中心长度,L。为摇臂长度,  $\alpha_1, \alpha_2$ 分别为前后摇臂的摆角( $0^{\circ} < \alpha_1 < 90^{\circ}, -90^{\circ} < \alpha_2 < 0^{\circ}$ )。 式(1)中的相对位置关系可利用旋转矩阵转化到北天坐 标系下。旋转矩阵中的元素由采煤机姿态角的三角函数 运算组成。由图1(b)、(c)、(d)及姿态角的定义可知, 航向角影响采煤机滚筒东和北方向的位置,俯仰角影响 采煤机滚筒北和天方向位置,横滚角基本不影响采煤机 滚筒位置。因此,旋转矩阵 C1 中的元素只含有俯仰角的 三角函数运算,其可表述为式(2)。

$$\boldsymbol{C}_{b}^{n} = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$$
(2)

在北天坐标系下,前后滚筒中心相对于采煤机质心 的位置分别为:

$$\boldsymbol{P}_{1}^{n} = \boldsymbol{C}_{b}^{n} \boldsymbol{P}_{1}^{b} = \begin{bmatrix} (l/2 + L_{0} \cos \alpha_{1}) \cos \theta - (L_{0} \sin \alpha_{1}) \sin \theta \\ (l/2 + L_{0} \cos \alpha_{1}) \sin \theta + (L_{0} \sin \alpha_{1}) \cos \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} l \cos \theta/2 + L_{0} \cos (\alpha_{1} + \theta) \\ l \sin \theta/2 + L_{0} \sin (\alpha_{1} + \theta) \end{bmatrix}$$
(3)

$$P_2^n = C_b^n P_2^b = \begin{bmatrix} (-l/2 - L_0 \cos \alpha_2) \cos \theta - (L_0 \sin \alpha_2) \sin \theta \\ (-l/2 - L_0 \cos \alpha_2) \sin \theta + (L_0 \sin \alpha_2) \cos \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l/2 - L_0 \cos \alpha_2 \sin \theta + (L_0 \sin \alpha_2) \cos \theta \end{bmatrix}$$

采煤机截割高度为前滚筒最高点与后滚筒最低点的 高度差。因此,采煤机截割高度可表达为:

$$Z = \left[\frac{l\sin\theta}{2} + L_0\sin(\alpha_1 + \theta)\right] - \left[\frac{-l\sin\theta}{2} - L_0\sin(\theta - \alpha_2)\right] + 2R = l\sin\theta + L_0\sin(\alpha_1 + \theta) + L_0\sin(\theta - \alpha_2) + 2R$$
(5)

其中,R为前后滚筒半径。

式(5)中除 $l,L_0$ 和 R 是已知的采煤机结构参数外, 俯仰角 $\theta$ 和摇臂摆角 $\alpha_1, \alpha_2$ 分别需要机身姿态传感器和 摇臂摆角传感器进行测量。实际上,通过机身姿态传感 器和调高油缸位移传感器的测量数据也可以得到采煤机 截割高度。图 2 为前摇臂调高结构简图。前摇臂摆角 $\alpha_1$ 与调高油缸位移 L<sub>cp</sub> 具有确定的关系。在三角形 ABD 中,由余弦定理可得:

$$(L_{BC} + L_{CD})^{2} = L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - 2L_{AB}L_{AD}\cos(\pi - \zeta - \varepsilon - \alpha 1)$$
(6)
则前择聲裡角可表达为.

削缶筲佉用り衣込

$$\alpha_{1} = \pi - \zeta - \varepsilon - \arccos \frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}}$$
(7)

其中, $L_{AB}$ , $L_{AD}$ , $L_{BC}$ , $\zeta$ , $\varepsilon$ 为前摇臂已知参数。同理得 后摇臂摆角为:

$$\alpha_{2} = -\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'_{AB}^{2} + L'_{AD}^{2} - (L'_{BC} + L'_{CD})^{2}}{2L'_{AB}L'_{AD}}\right) \quad (8)$$

其中, $L'_{CD}$ 为后摇臂调高油缸位移; $L'_{AB}$ , $L'_{AD}$ , $L'_{BC}$ , $\zeta'$ ,  $\varepsilon$ '为后摇臂已知参数。因此,当使用机身姿态传感器和 调高油缸位移传感器时,采煤机截割高度可用式(9) 表示。

$$Z = l\sin\theta + L_0 \sin\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos \frac{L_{AB}^2 + L_{AD}^2 - (L_{BC} + L_{CD})^2}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta\right) + L_0 \sin\left(\theta + \pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L_{AB}'^2 + L_{AD}'^2 - (L_{BC}' + L_{CD}')^2}{2L_{AB}L_{AD}}\right) + 2R$$

#### 1.2 采煤机截割高度测量误差模型

采煤机截割高度是由多个传感器的输出数据经过相 关计算得到的。可以这样认为,各个传感器的输出数据 是直接测量值,采煤机截割高度是间接测量值,间接测量 值和直接测量值具有一定的函数关系,也就是第一部分 的测量模型。同样地,间接测量值的误差也应该是各个

直接测量值误差的函数,故称这种间接测量值的误差为 函数误差<sup>[32-34]</sup>。设间接测量中,间接测量值 y 是各个直 接测量值 x<sub>i</sub> 的多元函数,其表达式为:

$$y = f(x_1, x_2, \cdots x_n) \tag{10}$$

(9)

对于多元函数,其增量可以用函数的全微分表示,则 函数增量为:



#### 图 2 前摇臂调高结构

Fig. 2 Front rocker-arm height-adjustment structure

$$dy = \frac{\partial f}{\partial x_1} dx_1 + \frac{\partial f}{\partial x_2} dx_2 + \dots, + \frac{\partial f}{\partial x_n} dx_n$$
(11)

若已知各个直接测量值的误差  $\Delta x_i$ ,则函数误差  $\Delta y$ 可表示为

$$\Delta y = \frac{\partial f}{\partial x_1} \Delta x_1 + \frac{\partial f}{\partial x_2} \Delta x_2 + \dots + \frac{\partial f}{\partial x_n} \Delta x_n$$
(12)

其中,  $\frac{\partial f}{\partial x_i}$ 为误差传递系数。式(12)即为函数误 差公式。对于在采煤机上安装机身姿态传感器和摇 臂摆角传感器的方案, 截割高度测量误差可表示为 式(13)。对于在采煤机上安装机身姿态传感器和调 高油缸位移传感器的方案, 截割高度测量误差可表示 为式(14)。

$$\Delta Z = \frac{\partial Z}{\partial \theta} \Delta \theta + \frac{\partial Z}{\partial \alpha_1} \Delta \alpha_1 + \frac{\partial Z}{\partial \alpha_2} \Delta \alpha_2 = \left[ l\cos\theta + L_0\cos(\alpha_1 + \theta) + L_0\cos(\alpha_2 - \theta) \right] \Delta \theta + L_0\cos(\alpha_1 + \theta) \Delta \alpha_1 + L_0\cos(\alpha_2 - \theta) \Delta \alpha_2$$
(13)

$$\Delta Z = \frac{\partial Z}{\partial \theta} \Delta \theta + \frac{\partial Z}{\partial L_{cD}} \Delta L_{cD} + \frac{\partial Z}{\partial L'_{CD}} \Delta L'_{cD} = \left[ l\cos\theta + L_0 \cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos \frac{L^2_{AB} + L^2_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^2}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta \right) + L_0 \cos\left(-\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'^2_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2}{2L'_{AB}L'_{AD}} \right) - \theta \right) \right] \Delta \theta + L_0 \cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos \frac{L^2_{AB} + L^2_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^2}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{-(L_{BC} + L_{CD})}{L_{AB}L_{AD}} - (L_{BC} + L_{CD})^2} \right| \Delta L_{cD} + L_0 \cos\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L^2_{AB} + L^2_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^2}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{-(L'_{AB} + L^2_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^2)}{L_{AB}L_{AD}} \right|^2 \right| \Delta L_{cD} + L_0 \cos\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'^2_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2}{2L'_{AB}L_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{-(L'_{AB} + L^2_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^2)}{L_{AB}L_{AD}} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2} \right|^2 \right| \Delta L_{cD} + L_0 \cos\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'^2_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2}{2L'_{AB}L'_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{-(L'_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2)}{L'_{AB}L'_{AD}} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2} \right|^2 \right| \Delta L_{cD} + L_0 \cos\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'^2_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2}{2L'_{AB}L'_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{L'_{AB}L'_{AD}} - (L'_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{AB} + L'^2_{AD})} \right|^2 \right|^2 \right| \Delta L_{cD} + L_0 \cos\left(\pi - \zeta' - \varepsilon' - \arccos \frac{L'^2_{AB} + L'^2_{AD} - (L'_{BC} + L'_{CD})^2}{2L'_{AB}L'_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{L'_{AB}L'_{AD}} - (L'_{AB} + L'^2_{AD}) - (L'_{AB} + L'^2_{AD}) - (L'_{AB} + L'^2_{AD}} - (L'_{AB} + L'^2_{AD}) - (L'_{AB} + L'^2_{AD} +$$

## 2 采煤机截割高度测量误差最值位置

对于采用机身姿态传感器和摇臂摆角传感器测量采 煤机截割高度的方案,本节以 MG1000/2660-WD 型采煤 机为例分析截割高度测量误差随俯仰角和摇臂摆角的变 化情况。其中,l=9.820 m, $L_0=3.535$  m。机身姿态测量 采用 SST800 型传感器,经过相关测试,其在 1 h 内的最 大动态误差为 0.7°,故俯仰角误差  $\Delta\theta$  设为 0.7°。摇臂 摆角测量采用 EXME-Canopen 型传感器,其最大分辨率 为 1/16 384。在本文中摇臂摆角测量误差  $\Delta\alpha_1$  取为 0.022°(360°/16 384)。SST800 和 EXME-Canopen 均为 采煤机生产厂家广泛应用的传感器型号。因前后摇臂所 使用的摆角传感器型号相同,为了简化运算,以前滚筒高 度测量误差  $\Delta Z_1$ 为例进行分析,其可表示为式(15)。其 中,俯仰角  $\theta$  取值范围为( $-20^\circ, 20^\circ$ ),前摇臂摆角  $\alpha_1$  取 值范围为(0°, 50.88°)。

$$\Delta Z_{1} = \frac{\partial Z_{1}}{\partial \theta} \Delta \theta + \frac{\partial Z_{1}}{\partial \alpha_{1}} \Delta \alpha_{1} = \left[ \frac{l \cos \theta}{2} + L_{0} \cos(\alpha_{1} + \theta) \right] \Delta \theta + L_{0} \cos(\alpha_{1} + \theta) \Delta \alpha_{1} \quad (15)$$

图 3 为俯仰角  $\theta$  分别取-20°、-10°、0°、10°和 20°时, 前滚筒高度测量误差  $\Delta Z_1$  随摇臂摆角  $\alpha_1$  变化曲线。当  $\theta$  为-20°和-10°时,  $\Delta Z_1$  先增大后减小。当  $\theta$  为 0°、10° 和 20°时,  $\Delta Z_1$  一直减小。由此可知, 当  $\theta < 0$ °时,  $\Delta Z_1$  先 增大后减小。当  $\theta \ge 0$ °时,  $\Delta Z_1$  一直减小。



图 3 不同俯仰角条件下前滚筒高度测量误差 随摇臂摆角变化曲线

Fig. 3 The changing curve of measurement error of front drum height vs. rocker-arm swing-angle under different pitch angles

图 4 为摇臂摆角  $\alpha_1$  分别取 0°、10°、20°、30°、40°和 50°时,前滚筒高度测量误差  $\Delta Z_1$  随俯仰角  $\theta$  变化曲线。 当  $\alpha_1$  为 0°、10°、20°、30°和 40°时,  $\Delta Z_1$  先增大后减小。 当  $\alpha_1$  为 50°时,  $\Delta Z_1$  一直减小。







图 5 为前滚筒高度测量误差  $\Delta Z_1$  随俯仰角  $\theta$  和摇臂 摆角  $\alpha_1$  变化示意图。根据图 3、4 和 5 及以上分析可知, 当  $\theta=0^\circ$ , $\alpha_1=0^\circ$ 时, $\Delta Z_1$  取得最大值,此时  $\Delta Z_1=0.105$ , 即前滚筒截割高度测量误差最大为 10.5 cm。因前后摇 臂所使用的摆角传感器相同,后滚筒高度测量误差最大 也为 10.5 cm。因此,采煤机截割高度测量误差最大为 21.0 cm。

对于采用机身姿态传感器和调高油缸位移传感器测 量采煤机截割高度的方案,本部分同样以 MG1000/2660-

27

27



WD 型采煤机为例分析截割高度测量误差随俯仰角和调高油缸位移的变化情况。因前后摇臂所使用的调高油缸 位移传感器相同,为了简化计算,本部分对前滚筒高度测量误差进行分析。其中,l = 9.820 m, $L_0 = 3.535$  m,  $ζ = 15^{\circ}, ε = 80^{\circ}, L_{AB} = 2.488$  m,  $L_{AD} = 0.843$  m,  $L_{BC} = 1.850$  m。俯仰角 θ 和调高油缸位移  $L_{CD}$  的取值范 围分别为( $-20^{\circ}, 20^{\circ}$ )和(0 m, 0.71 m)。机身姿态测量 同样采用 SST800 型传感器,俯仰角误差  $\Delta θ$  取为 0.7°。 调高油缸位移传感器为采煤机厂家广泛使用的 ICT820 型传感器,其精度为 1 mm,故  $\Delta L_{CD}$  设为 0.001 m。前滚 筒高度测量误差可表示为式(16)。

$$\Delta Z_{1} = \frac{\partial Z_{1}}{\partial \theta} \Delta \theta + \frac{\partial Z_{1}}{\partial L_{CD}} \Delta L_{CD} = \left[ \frac{l\cos\theta}{2} + L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta \right) \right] \Delta \theta + L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta \right) \left| \frac{-(L_{BC} + L_{CD})}{L_{AB}L_{AD} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}} \right|^{2} \Delta L_{CD}$$
(16)

图 6 为俯仰角  $\theta$  分别取-20°、-10°、0°、10°和 20°时, 前滚筒高度测量误差  $\Delta Z_1$  随调高油缸位移  $L_{CD}$  变化曲 线。当 $\theta$  为-20°和-10°时,  $\Delta Z_1$  先增大后减小。当 $\theta$  为 0°、10°和 20°时,  $\Delta Z_1$  一直增大。由此可知, 当 $\theta$ <0°时,  $\Delta Z_1$  先增大后减小。当 $\theta$ ≥0°时,  $\Delta Z_1$  一直增大。由图 2 的前摇臂调高结构简图可以看出, 调高油缸位移越长所 对应的摇臂摆角越小。因此, 图 3 和 6 所反映出的规律 是一样的。 图 7 为在不同调高油缸位移  $L_{\rm CD}$  条件时,前滚筒高 度测量误差  $\Delta Z_1$  随俯仰角  $\theta$  变化曲线。其中, $L_{\rm CD}$  分别 取为 0.01 m、0.13 m、0.27 m、0.41 m、0.56 m 和 0.71 m, 其所对应的摇臂摆角分别为 50°、40°、30°、20°、10°和 0°。 当  $L_{\rm CD}$  为 0.13、0.27、0.41、0.56 和 0.71 m 时, $\Delta Z_1$  先增 大后 减 小。当  $L_{\rm CD}$  为 0.01 m 时,  $\Delta Z_1$  一直 减 小。 图 4 和 7 所反映出的规律是一样的。

图 8 为前滚筒高度测量误差  $\Delta Z_1$  随俯仰角  $\theta$  和调高



调高油缸位移变化曲线

Fig. 6 The changing curve of measurement error of front drum height vs. displacement of height-adjustment hydro-cylinder under different pitch angles



图 7 不同调高油缸位移条件下前滚筒高度测量误差 随俯仰角变化曲线



油缸位移  $L_{CD}$  变化示意图。根据图 6、7 和 8 及以上分析 可知,当 $\theta$ =0.11°, $L_{CD}$ =0.71 m时, $\Delta Z_1$  取得最大值,此 时  $\Delta Z_1$ =0.108 m,即前滚筒高度测量误差最大为 10.8 cm。因前后摇臂所使用的调高油缸位移传感器相 同,后滚筒高度测量误差最大同样为 10.8 cm,那么采煤 机截割高度测量误差最大为 21.6 cm。

根据以上分析,对于两种测量方案,都会存在一个最 值位置,此时采煤机截割高度测量误差最大。对于机身 姿态传感器和摇臂摆角传感器的测量方案, $\theta = 0^{\circ}$ 且  $\alpha_1 = 0^{\circ}$ 为采煤机截割高度测量误差的最值位置。对于机 身姿态传感器和调高油缸位移传感器的测量方案,  $\theta = 0.11^{\circ}$ 且 $L_{cD} = 0.71$  m为采煤机截割高度测量误差最 值位置。当越远离最值位置时,截割高度测量误差越小。 除此之外,采煤机截割高度测量误差会随着 $L_0$ 和l的增



图 8 前滚筒高度测量误差随俯仰角和调高油缸 位移变化

Fig. 8 The changing of measurement error of front drum height vs. pitch angle and displacement of heightadjustment hydro-cylinder

大而增大,这就需要在设计采煤机结构参数时考虑截割 高度测量误差的要求。

## 3 算例分析

基于第1节所建立的采煤机截割高度测量误差模型,当已知各个传感器测量误差,可计算出截割高度测量 误差。反过来,当已知截割高度测量误差,合理进行误差 分配,确定各个传感器的精度,这就是误差分配的问 题<sup>[32-34]</sup>。本部分假设采煤机截割一刀需要1h,在一刀过 程中以采煤机截割高度测量误差小于5 cm 作为目标,确 定两种测量方案下传感器精度。

对于采用机身姿态传感器和摇臂摆角传感器的测量 方案,本部分以 MG1000/2660-WD 型采煤机为例进行算 例分析。根据第 2 节的分析可知,在使用 SST800 和 EXME-Canopen 传感器的前提下,当 $\theta$ =0°, $\alpha_1$ =0°时, $\Delta Z_1$ 取得最大值(0.105 m)。此时,根据式(17)和(18)计算 可知,由俯仰角测量误差所引起的前滚筒高度测量误差 占总误差的比例( $\delta_1$ )为 98.7%,而由摇臂摆角测量误差 所引起的前滚筒高度测量误差占总误差的比例( $\delta_2$ )仅为 1.3%。本文中所采用的 EXME-Canopen 型摇臂摆角传 感器被采煤机生产厂家广泛应用。如果采用更高或更低 精度的摆角传感器,其引起的截割高度测量误差占总误 差的比例依然很低。为了具体说明此问题,假定摇臂摆 角传感器精度为 0.011°和 0.044°,根据式(18)计算可

(21)

知,其引起的前滚筒高度测量误差占总误差的比例分别 为 0.7% 和 2.6%。另外,对于摇臂摆角传感器来说, 0.022°的精度是较容易达到的。因此,我们首先选定摇 臂摆角传感器精度为 0.022°, 再根据采煤机截割高度测 量误差的要求,在 $\theta=0^\circ, \alpha_1=0^\circ$ 的最值位置条件下,利用 式(19)确定俯仰角精度。因前后摇臂所用摆角传感器 相同,故前滚筒高度测量误差小于 2.5 cm 即可满足采煤 机截割高度测量误差小于 5 cm 的要求,此时,计算出  $\Delta \theta$ 为0.16°。因此,当摇臂摆角传感器精度为0.022°,机身 姿态传感器的俯仰角最大动态误差小于 0.16°(1 h 内) 时,可实现采煤机截割高度测量误差小于5 cm。

$$\delta_{1} = \frac{\left[\frac{l\cos\theta}{2} + L_{0}\cos(\alpha_{1} + \theta)\right]\Delta\theta}{\Delta Z_{1}}$$
(17)

$$\delta_2 = \frac{L_0 \cos(\alpha_1 + \theta) \Delta \alpha_1}{\Delta Z_1}$$
(18)

$$\Delta \theta = \frac{\Delta Z_1 - L_0 \cos(\alpha_1 + \theta) \Delta \alpha_1}{l \cos \theta}$$
(19)

+  $L_0 \cos(\alpha_1 + \theta)$ 2

对于采用机身姿态传感器和调高油缸位移传感器的 测量方案,本部分同样以 MG1000/2660-WD 型采煤机为 例进行算例分析。基于第2节的分析结果可知,  $\Delta Z_1$  取 得最大值(0.108 m)时的俯仰角和调高油缸位移分别为 0.11°和0.71 m。式(20)和(21)分别为这两种传感器的 测量误差所引起的截割高度误差占总误差比例的计算方 法。在使用 SST800 和 ICT820 传感器的前提下,计算出 的这两个比例分别为96.0%和4.0%。假定所采用的调 高油缸位移传感器精度分别为 0.5 mm 和 2 mm, 根据 式(21)计算可知,其测量误差所引起的前滚筒高度测量 误差占总误差的比例为 2.1% 和 7.7%。由此可知,调高 油缸位移测量误差对于截割高度测量误差的影响较小。 因此,我们首先选定调高油缸位移传感器精度为1 mm, 再根据采煤机截割高度测量误差的要求,在 $\theta=0.11^{\circ}$ , L<sub>cn</sub>=0.71 m 的最值位置前提下,利用式(22)确定俯仰角 精度,计算出  $\Delta\theta$  为 0.14°。因此,当调高油缸位移传感 器精度为1 mm,机身姿态传感器的俯仰角最大动态误差 小于 0.14°(1 h 内)时,可实现采煤机截割高度测量误差 小于5 cm。

$$\delta_{3} = \frac{\left[\frac{l\cos\theta}{2} + L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta\right)\right]\Delta\theta}{\Delta Z_{1}}$$

$$\delta_{4} = \frac{L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta\right)\left|\frac{-(L_{BC} + L_{CD})}{L_{AB}L_{AD}\sqrt{1 - \left(\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}}\right)^{2}}\right|\Delta L_{CD}}{\Delta Z_{1}}$$
(20)

 $\Delta \theta =$ 

$$\frac{\Delta Z_{1} - L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta\right) \left| \frac{-(L_{BC} + L_{CD})}{L_{AB}L_{AD}\sqrt{1 - \left(\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}}\right)^{2}} \right| \Delta L_{CD}}{\frac{l\cos\theta}{2} + L_{0}\cos\left(\pi - \zeta - \varepsilon - \arccos\frac{L_{AB}^{2} + L_{AD}^{2} - (L_{BC} + L_{CD})^{2}}{2L_{AB}L_{AD}} + \theta\right)}$$
(22)

通过以上的分析可以看出,摇臂摆角传感器和调高 油缸位移传感器的精度对于采煤机截割高度测量误差的 影响比较小,而机身姿态传感器的俯仰角精度将决定采 煤机截割高度测量误差的大小。对于采煤机截割高度测 量误差小于5 cm 的目标,两种测量方案下各传感器精度 要求分别为:摇臂摆角传感器精度为 0.022°和机身姿态 传感器的俯仰角最大动态误差小于 0.16°(1 h 内),调高 油缸位移传感器精度为1 mm 和机身姿态传感器的俯仰 角最大动态误差小于 0.14°(1 h 内)。

#### 4 结 论

本文利用两种测量方案,即机身姿态传感器与摇 臂摆角传感器的组合方案、机身姿态传感器与调高油 缸位移传感器的组合方案,建立了采煤机截割高度测 量模型。根据函数误差计算公式,建立了截割高度测 量误差模型,分析得到了采煤机截割高度测量误差最 值位置。经过相关计算可知,摇臂摆角传感器和调高

油缸位移传感器的精度对测量误差的影响较小,机身 姿态传感器的精度将决定截割高度测量误差的大小。 最后,以采煤机截割高度测量误差小于5 cm 为例进行 分析,得出两种测量方案下各传感器的精度要求:摇臂 摆角传感器精度为0.022°和机身姿态传感器的俯仰角 最大动态误差小于0.16°(1 h 内),调高油缸位移传感 器精度为1 mm 和机身姿态传感器的俯仰角最大动态 误差小于0.14°(1 h 内)。

## 参考文献

- BESSINGER S L, NELSON M G. Remnant roof coal thickness measurement with passive gamma ray instruments in coal mines [J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 1993, 29(3): 562-565.
- [2] 王增才,张秀娟. 自然 γ 射线煤岩界面识别研究[J]. 煤矿机械, 1999, 1(6): 16-18.
  WANG Z C, ZHANG X J. Research on the coal and rock interface recognition with γ radiation [J]. Coal Mine Machinery, 1999, 1(6): 16-18.
- [3] FROSCH R A, ROSE S D, CROUCH C E, et al.
   Coal-rock interface detector: US4165460 [ P ].
   1979-8-21.
- [4] MIAO SH G, LIU X W, LIU ZH Y, et al. Ground penetrating radar based experimental simulation and signal interpretation on coal-rock interface detection [C]. IOP Conference Series, 2018, DOI: 10.1088/1757-899X/439/5/052018.
- [5] 苗曙光,刘晓文,李淮江,等. 基于探地雷达的煤岩
   界面探测数据解释方法[J]. 工况自动化,2019,45(1):35-39.
   MIAO SH G, LIU X W, LI H J, et al. Data
   interpretation method of evaluation interface detection

interpretation method of coal-rock interface detection based on ground penetrating radar[J]. Industry and Mine Automation, 2019, 45(1): 35-39.

- [6] 廉自生,刘混举,李文英.基于切割力响应的煤岩界 面识别技术研究[J].山西机械,1999(2):25-27.
  LIAN Z SH, LIU H J, LI W Y. Study on the coal-rock interface recognition based on the responses of shearer's cutting force[J]. Shanxi Machinery, 1999(2):25-27.
- [7] RALSTON J C, STRANGE A D. Developing selective mining capability for longwall shearers using thermal infrared-based seam tracking[J]. International Journal of Mining Science and Technology, 2013, 23(1): 47-53.
- [8] 杨恩, 王世博, 葛世荣, 等. 煤岩界面的高光谱识别

原理[J]. 煤炭学报, 2018, 43(S2): 646-653.

YANG EN, WANG SH B, GE SH R, et al. Study on the principle of hyperspectral recognition of coal-rock interface [J]. Journal of China Coal Society, 2018, 43(S2): 646-653.

- [9] 向阳,王世博,葛世荣,等. 粉尘环境下典型煤岩近 红外光谱特征及识别方法[J]. 光谱学与光谱分析, 2020,40(11):3430-3437.
  XIANG Y, WANG SH B, GE SH R, et al. Study on near-infrared spectrum features and identification method of typical coal-rock in dust environment [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2020, 40(11): 3430-3437.
- [10] 杨恩,王世博,葛世荣.典型块状煤的可见-近红外光 谱特征研究[J].光谱学与光谱分析,2019,39(6): 1717-1723.
  YANG EN, WANG SH B, GE SH R. Study on the visible and near-infrared spectra of typical types of lump coal [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2019, 39(6): 1717-1723.
- [11] 王昕, 苗曙光, 丁恩杰. 煤岩介质在太赫兹频段的介 电特性研究[J]. 中国矿业大学学报, 2016, 45(4): 739-746.
  WANG X, MIAO SH G, DING EN J. Study of dielectric property of coal and rock medium in Terahertz domain[J]. Journal of China University of Mining and Technology, 2016, 45(4): 739-746.
- [12] WANG X, HU K, ZHANG L, et al. Characterization and classification of coals and rocks using terahertz time-domain spectroscopy [J]. Journal of Infrared, Millimeter, and Terahertz Waves, 2017, 38 (2): 248-260.
- [13] 任芳. 基于多传感器数据融合技术的煤岩界面识别的 理论与方法研究[D]. 太原:太原理工大学,2003.
  REN F. Study on the theory and method of coal-rock interface recognition based on multi-sensor data fusion technique [D]. Taiyuan: Taiyuan University of Technology, 2003.
- [14] LI W, LUO C, YANG H, et al. Memory cutting of adjacent coal seams based on a hidden Markov model[J]. Arabian Journal of Geosciences, 2014, 7(12): 5051-5060.
- [15] 邢永峰. 基于灰色马尔科夫模型的采煤机自适应截割

策略研究[J]. 煤矿机械, 2014, 35(10): 245-247. XING Y F. Research of adaptive cutting strategy of shearer based on gray markov model [J]. Coal Mine Machinery, 2014, 35(10): 245-247.

- [16] 刘春生,陈金国. 基于单示范刀采煤机记忆截割的数 学模型[J]. 煤炭科学技术,2011,39(3):71-73.
  LIU CH SH, CHEN J G. Mathematic model of memory cutting for coal shearer based on single demo knife[J].
  Coal Science and Technology, 2011, 39(3):71-73.
- [17] 高永新,卢晓路.采煤机截齿力学特性优化的记忆截
   割系统[J].辽宁工程技术大学学报(自然版),2016,35(6):642-645.

GAO Y X, LU X L. Optimization of shearer's memory cutting system based on mechanical characteristics of cutting tooth [ J ]. Journal of Liaoning Technical University (Natural Science), 2016, 35(6): 642-645.

- [18] XU Z, WANG Z. Modelling and simulation on shearer self-adaptive memory cutting[J]. Procedia Engineering, 2012, 37(4):37-41.
- [19] 葛世荣,苏忠水,李昂,等. 基于地理信息系统(GIS) 的采煤机定位定姿技术研究[J]. 煤炭学报, 2015, 40(11): 2503-2508.
  GE SH R, SU ZH SH, LI ANG, et al. Research on the positioning and orientation of a shearer based on geographic information system[J]. Journal of China Coal Society, 2015, 40(11): 2503-2508.
- [20] 刘鹏, 孟磊, 王勃, 等. 基于位姿测量与煤层 DEM 的 采煤机滚筒 自动调高方法 [J]. 煤炭学报, 2015, 40(2): 470-475.
  LIU P, MENG L, WANG B, et al. An automatic height adjustment method for shearer drums based on pose measurement and coal seam DEM [J]. Journal of China

Coal Society, 2015, 40(2): 470-475.

[21] 李昂,郝尚清,王世博,等. 基于 SINS/轴编码器组合的采煤机定位方法与试验研究[J]. 煤炭科学技术,2016,44(4):95-100.

LI ANG, HAO SH Q, WANG SH B, et al. Experimental study on shearer positioning method based on SINS and encoder [J]. Coal Science and Technology, 2016, 44(4): 95-100.

[22] 郝尚清,李昂,王世博,等.采煤机惯性导航安装偏 差对定位误差的影响[J].煤炭学报,2015,40(8): 1963-1968. HAO SH Q, LI ANG, WANG SH B, et al. Effects of shearer inertial navigation installation noncoincidence on shearer positioning error [J]. Journal of China Coal Society, 2015, 40(8): 1963-1968.

[23] 郝尚清,王世博,谢贵君,等. 长壁综采工作面采煤 机定位定姿技术研究[J]. 工矿自动化, 2014, 40(6): 21-25.
HAO SH Q, WANG SH B, XIE G J, et al. Research of

determination technologies of position and attitude of shearer on longwall fully mechanized coal mining face[J]. Industy and Mine Automation, 2014, 40(6): 21-25.

- [24] 葛世荣,王忠宾,王世博. 互联网+采煤机智能化关键 技术研究[J]. 煤炭科学技术, 2016, 44(7): 1-9.
  GE SH R, WANG ZH B, WANG SH B. Study on key technology of internet plus intelligent coal shearer [J].
  Coal Science and Technology, 2016, 44(7): 1-9.
- [25] 杨秋,李春华. 采煤机滚筒记忆程控截割的模糊控制 系统仿真[J]. 煤炭学报, 2008, 33(7): 822-825.
  YANG Q, LI CH H. Simulation of shearer drum cutting with memory program controlling by fuzzy control [J]. Journal of China Coal Society, 2008, 33(7): 822-825.
- [26] 张修荣.采煤机滚筒自适应液压调高系统研究[D]. 西安:西安科技大学,2009.
  ZHANG X R. Research of adaptive hydraulic shearer drum system[D]. Xi'an: Xi'an University of Science and Technology, 2009.
- [27] 张春雨.采煤机滚筒调高电液比例控制系统的研究[D].太原:太原理工大学,2014.
  ZHANG CH Y. Research on shearer roller's position adjustment system that based on electro-hydraulic proportional control[D]. Taiyuan: Taiyuan University of Technology, 2014.
- [28] 张义龙.采煤机电液比例调高系统多软件协同仿真研究[D].淮南:安徽理工大学,2016.
  ZHANG Y L. Research on co-simulation of shearer electro-hydraulic proportional height adjustment system based on multi-software[D]. Huainan: Anhui University of Science and Technology, 2016.
- [29] 苏秀平,李威,樊启高.采煤机滚筒调高滑模变结构 控制策略[J].煤炭学报,2012,37(12):2107-2111.
   SU X P, LI W, FAN Q G. A shearer drum height adjusting strategy using sliding-mode variable structure

control [J]. Journal of China Coal Society, 2012, 37(12): 2107-2111.

- [30] 张寅锋. 滚筒式采煤机运动轨迹跟踪及控制策略研究[D]. 杭州:浙江大学, 2014.
  ZHANG Y F. Research on trajectory tracking and its control strategies of drum shearer [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2014.
- [31] 鲁程,王世博,葛世荣,等.多惯导冗余的采煤机定位原理及其合理性分析[J].煤炭学报,2019,44
   (S2):746-753.

LU CH, WANG SH B, GE SH R, et al. Redundant multi-INS positioning algorithm of shearer and analysis of its rationality[J]. Journal of China Coal Society, 2019, 44(S2): 746-753.

- [32] 惠连涛. 误差理论与数据处理[M]. 天津:天津大学 出版社, 1992.
  HUILT. Error theory and data processing[M]. Tianjin University Press, 1992.
- [33] 蒋敏兰,费业泰.动态误差分解与溯源理论与方法研究[J].仪器仪表学报,2005,26(8),735-740.
  JIANG M L, FEI Y T. Research on theory and method of dynamic error decomposition and tracing [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2005, 26(8), 735-740.
- [34] 蒋萍,赵建玉.误差理论与数据处理[M].北京:国

防工业出版社, 2014.

JIANG P, ZHAO J Y. Error theory and data processing[M]. Beijing: National Defense Industry Press, 2014.

## 作者简介



**王世佳**,2016年于河北建筑工程学院获 得学士学位,现为中国矿业大学博士研究 生,主要研究方向为矿山装备智能化。 Email: sjwang2017@163.com

Email: sjwang2017@105.com

Wang Shijia received his B. Sc. degree from Hebei University of Architecture in 2016. Now, he is a Ph. D. candidate in China University of Mining and Technology. His main research interest is mining equipment intelligentization.



**王世博**(通信作者),2007年于中国矿 业大学获得博士学位,现为中国矿业大学教 授,主要研究方位为矿山装备智能化。

Email: wangshb@ cumt. edu. cn

Wang Shibo (Corresponding author) received Ph. D. degree from China University of Mining and Technology in 2007. Now, he is a professor in China University of Mining and Technology. His main research interest is mining equipment intelligentization.