DOI: 10. 13382/j. jemi. B2104313

基于粒子群优化粒子滤波算法的 SOC 估算研究*

黄海宏 汪宇航 王海欣

(合肥工业大学电气与自动化工程学院 合肥 230009)

摘 要:准确的获得电池的荷电状态(SOC)有助于缓解汽车行驶过程中的里程焦虑。针对粒子滤波估算 SOC 中存在的粒子退 化的问题,将粒子群算法与粒子滤波融合的改进粒子滤波算法(GPSO-PF)算法应用于 SOC 的估计。在迭代中不断优化粒子所 处位置,从而解决了粒子贫化的问题,提高了 SOC 的估算精度。同时,针对 SOC 估算容易受到温度的影响,建立基于温度的等 效电路模型,并将其应用于提出的 SOC 估算算法中。选取两节相同型号的磷酸铁锂电池,分别在不同工况下利用 GPSO-PF 算 法估算 SOC 值,SOC 的最大估算误差均低于 0.72%。通过对比,与基于温度等效电路模型相结合后,GPSO-PF 算法能够有效提 高 SOC 的估算精度。

Research on SOC estimation based on particle swarm algorithm and particle filter algorithm

Huang Haihong Wang Yuhang Wang Haixin

(School of Electrical Engineering and Automation, Hefei University of Technology, Hefei 230009, China)

Abstract: Battery state of charge (SOC) estimation is helpful to alleviate the mileage anxiety in the process of driving. Aiming at the problem of particle degradation in the estimation of SOC by particle filter, this paper proposes to apply the Gaussian particle swarm optimization particle filter (GPSO-PF). Compared to estimation of SOC by particle filter, GPSO-PF combines particle swarm optimization algorithm and particle filter to estimate SOC. GPSO-PF solve the problem of particle dilution and improve the estimation accuracy of SOC by continuously optimizing the position of particles in the iteration. As SOC estimation algorithm. Two LiFePO4 batteries of the same type are selected and the GPSO-PF algorithm is used to estimate the SOC value under different working conditions. The maximum estimation error of SOC is less than 0.72%. By comparison, GPSO-PF algorithm combined with equivalent circuit model based on temperature can effectively improve the estimation accuracy of SOC.

Keywords: particle filter; particle swarm optimization; SOC estimation; equivalent circuit model

0 引 言

近些年,电动汽车的研发、生产受到了全球的广泛关注。车载电池的荷电状态的准确估算有利于缓解里程焦虑,并且能避免锂电池过充和过放,从而延长电池的使用寿命。

常用的锂电池荷电状态(state of charge, SOC)估计

络、自适应等算法。其中,安时积分法最为简单,对于离 散系统,仅需将电流进行累加便可获得对应的 SOC 状态,但是当系统处于扰动较大的场合时,开环的安时积分 法会不断累积误差,最终导致 SOC 状态估算出现较大的 偏差^[1-2]。电化学阻抗谱法是对电池施加不同频率的激 励信号获得阻抗谱曲线,然后进行等效电路模型拟合结 合等效模型参数进行 SOC 和健康状态(state of health,

有安时积分法、电化学阻抗谱法、基于数据驱动的神经网

收稿日期: 2021-05-17 Received Date: 2021-05-17

^{*}基金项目:安徽省科技重大专项项目(18030901064)资助

SOH)的估算^[34]。以神经网络为代表的基于数据驱动的 方法^[57],需要大量的锂电池数据,并且精度很大程度依 赖训练的数据。

自适应算法有卡尔曼滤波、粒子滤波等。卡尔曼滤波只能应用于线性模型,所以有学者提出了扩展卡尔曼滤波(extend Kalman filter, EKF)。扩展卡尔曼滤波是一种利用非线性系统的卡尔曼滤波算法,它是在传统非线性函数的一阶泰勒展开式的基础上提出的^[8-9]。但当系统具有很强的非线性时,EKF中的线性化过程会引起较大的截断误差。为了克服 EKF 的缺陷,无味卡尔曼滤波(unscented Kalman filter, UKF)被提出。相比 EKF,UKF不需要逼近非线性函数,具有简单,高精度,易收敛的优点。然而 UKF 需要精确的系统噪声先验知识,由于应用环境总是动态的、不确定的,在实践中很难获得。当测量噪声的统计特性不确定时,滤波精度会降低甚至发散^[10-11]。

近些年,有很多学者将粒子滤波(particle filter, PF) 应用于电池的 SOC 估计,并取得了很好的效果。粒子滤 波对非线性系统的有很好的滤波效果,但是粒子滤波存 在粒子退化的问题^[12-14]。本文通过将高斯粒子群优化粒 子滤波(Gaussian particle swarm optimization particle filter, GPSO-PF)算法对采样过程进行优化,基于高斯分布来不 断更新粒子的速度,使得采样分布向后验概率较高的区 域运动,从而减轻了粒子退化现象,提高了状态预估的 精度。

常见的等效电路模型(equal circuit model, ECM)有 Thevenin 模型、RC 模型、PNGV 模型和 Rint 模型。这些 模型都有自己的缺点和优点。其中 Thevenin 模型具有简 单、参数易识别、精度高等优点^[15]。但是实际上 Thevenin 模型的参数会随着温度、SOC 的变动而波动。文献[16] 考虑和分析了温度、SOC 对 Thevenin 模型的影响,并建立 了考虑温度、SOC 的 Thevenin 模型。为了在复杂的真实 环境下获得更好的 SOC 估算结果,本文选用考虑温度、 SOC 的 Thevenin 模型。

本文对等效电路模型进行选取并建立基于 ECM 的 状态方程和测量方程,推导 GPSO-PF 算法的原理和实现 步骤,通过实验对改进后的 PF 算法精度进行验证。相比 PF,GPSO-PF 算法对 SOC 估计的精度更高,并且本文通 过 GPSO-PF 与考虑温度、SOC 的模型相结合,本文方法 能够较好适应电动汽车使用过程中的温度、内部参数 变化。

1 等效电路模型

锂电池的荷电状态 SOC 定义为:

$$SOC(t) = SOC(t_0) + \frac{1}{C_{\text{actual}}} \int_{t_0}^{t} \eta_i I_{\text{L}}(t) \, \mathrm{d}t \tag{1}$$

式中: η_i 为为库仑效率; I_L 为电池充放电电流; C_{actual} 为电 池实际容量。将 η_i 设置为 1, C_{actual} 通过完整充放电后安 时积分法获得。离散 SOC 计算方程为:

$$SOC_{k} = SOC_{k-1} + \frac{T_{s}}{C_{\text{actual}}} I_{\text{L},k-1}$$
⁽²⁾

式中: T_s 为采样周期,电池模型的选取对 SOC 估计的精 度和速度有很大的影响。等效电路模型的选取如果过于 复杂,算法的速度会受到限制。如果等效电路模型过于 简单,SOC 估计的准确度会比较低^[17-19]。本文选择考虑 温度、SOC 的 Thevenin 模型。该模型由 3 部分组成,分别 为电池的开路电压 U_{aev} 、欧姆内阻 R_0 、由极化电阻 R_1 和 电容 C_1 并联组成的 RC 网络。等效电路的结构如图 1 所 示。此处 U_{et} 为电池的两端的测量电压。



Fig. 1 Thevenin model

电路模型可表述为:

 $U_{\rm ct} = R_0 I_{\rm L} + U_{\tau} + U_{\rm ocv} \tag{3}$

式中: U_{eev} 是电池 SOC 的函数; U_{τ} 为 RC 网络两端电压。 其中:

$$U_{\rm ocv} = K_0 - K_1 \text{SOC} - K_2 e^{(-K_3 \text{SOC})} - K_4 e^{(-K_5 \text{SOC})}$$
(4)

在不同温度、SOC 状态下,通过 HPPC 实验测得 ECM 电路参数。锂电池的 ECM 参数在不同温度、SOC 下会存在差异。如图 2 所示,在相同温度下,SOC 状态对 ECM 的欧姆内阻 R_0 的影响很小,可以忽略。所以只考 虑温度 T 对欧姆内阻 R_0 的影响。

$$R_0(T, \text{SOC}) = b_1 T + b_2 T^2 + b_3 T^3 + b_0$$
(5)

温度、SOC 对极化电阻 *R*₁ 的影响如图 3 所示,本文 将 SOC 分为[0,0.5]和[0.5,1]两个部分进行拟合。*R*₀ 和 *R*₁ 拟合所获得的系数如表 1 所示。

$$R_{1}(\text{SOC}, T) = \begin{cases} c_{0}T + c_{1}\text{SOC} + c_{2}T\text{SOC} + c_{3}T^{2} + \\ c_{4}\text{SOC}^{2} + c_{5}, 0 \leq \text{SOC} \leq 0.5 \\ c_{6}Te^{-c_{7}T} + c_{8}, 0.5 \leq \text{SOC} \leq 1 \end{cases}$$



图 2 R_0 随温度、SOC 变化曲线

Fig. 2 Variation curve of R_0 with temperature and SOC



图 3 R_1 随温度、SOC 变化曲线

Fig. 3 Variation curve of R_1 with temperature and SOC

表 1 基于温度的 Thevenin 模型参数 Table 1 Parameter estimation of thevenin model based on temperature

mouel susse on temperature					
参数	值	参数	值		
b_0	0.012 17	c_3	0.000 1		
b_1	-0.000 62	c_4	0.478 1		
b_2	1.51×10^{-5}	c_5	0.224 6		
b_3	-1.42×10^{-7}	c_6	-0.000 8		
c_0	-0.00 85	c_7	0.016		
c_1	-0.64 47	c_8	0.025 7		
c_2	0.011 3				

如图 4 所示,极化电容 C_1 与温度、SOC 之间关系波 动性较大,难以用数学表达式描述。因不可能测得所有 SOC 状态下对应的 C_1 ,故本文通过近似求得 C_1 。SOC 介 于 0.2~0.3 时所求 C_1 的值为 SOC = 0.2 与 SOC = 0.3 所 对应已知 C_1 的均值。



图 4 C_1 随温度、SOC 关系曲线

Fig. 4 Variation curve of C_1 with temperature and SOC

2 GPSO-PF 算法

在粒子权重修正的过程中,少数粒子逐渐占据绝大 多数的粒子权重,甚至经过几步的递归后,大部分粒子的 权值很小,甚至可以忽略不计。大量的计算工作用于与 估计结果几乎不相关的粒子上,从而导致粒子滤波算法 的精度有限,这就是粒子滤波算法的退化问题^[20-22]。

为了优化粒子滤波的采样过程,将 PSO 算法融入粒 子滤波中,首先定义自适应函数为:

fitness =
$$\frac{1}{\sqrt{2\pi R}} \exp\left\{-\left(\operatorname{error}_{k}^{i}\right)^{2} \frac{1}{2R}\right\}$$
 (7)

式中: *error*^{*i*}_{*k*} 为测量电池端电压与由式(2)求得的电池端 电压的差值,*R* 为测量噪声方差,*i* 表示第*i* 个粒子,*k* 表 示*k* 时刻。如果粒子集都集中在真实状态附近,那么粒 子群中每个粒子的权值会比较大,适应度比较高;反之, 如果粒子群中的每个粒子的个体最优值及粒子群的全局 最优值的适应度都很低,则说明粒子没有分布在真实状 态附近,此时,粒子集利用 PSO 算法,不断根据最优值并 利用式(8)和(9)去更新粒子的速度与位置,使粒子不断 向真实状态靠近。

$$\boldsymbol{v}_{k}^{i} = c_{1}\boldsymbol{v}_{k-1}^{i} + | randn | (p_{gbest} - \boldsymbol{x}_{k}^{i})$$

$$(8)$$

$$\boldsymbol{x}_{k+1}^i = \boldsymbol{x}_k^i + \boldsymbol{v}_k^i \tag{9}$$

式中: v_k^i 为粒子的速度; c_1 为惯性权重;|randn|为正的高斯分布随机数。

为通过移动粒子群向最优粒子靠近,PSO 算法通过 驱使所有粒子向高似然概率区域,提高粒子的利用效率, 从而避免粒子退化。此时再对粒子集利用最新的测量值 通过下式进行权重更新并归一化处理:

$$\boldsymbol{\omega}_{k}^{i} = \boldsymbol{\omega}_{k-1}^{i} p(\boldsymbol{z}_{k} \mid \boldsymbol{x}_{k}^{i})$$
(10)

$$\boldsymbol{\omega}_{k}^{i} = \frac{\boldsymbol{\omega}_{k}^{i}}{\sum_{i=1}^{N} \boldsymbol{\omega}_{k}^{i}} \tag{11}$$

式中: ω_i^i 为粒子权重。

SOC 估计算法 3

3.1 状态方程及观测方程

为了将 GPSO-PF 算法应用于锂电池模型,需要建立 锂电池的状态方程和观测方程。一般非线性系统的状态 方程和观测方程如下:

$$\boldsymbol{x}_{k+1} = f(\boldsymbol{x}_k, \boldsymbol{I}_k, \boldsymbol{\omega}_k) \tag{12}$$

$$z_{k+1} = g(z_{k+1}, I_{k+1}, v_{k+1})$$
(13)

式中: x_{i} 、 I_{i} 、 z_{i} 分别指系统状态,输入电流,输出向量; ω_k 、 ν_k 分别为均值为0,方差为 R_ω 和 R_ν 且相互独立的过 程噪声和测量噪声。

令 RC 网络两端电压为 U_{τ_k} ,根据式(2)和(3), \mathbf{x}_k^i = $\begin{bmatrix} U_{\boldsymbol{\tau},k} \\ 0 \end{bmatrix}$,则状态方程为:

$$\begin{bmatrix} SOC_{k} \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} U\boldsymbol{\tau}_{,k} \\ SOC_{k} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \exp(\frac{-T_{s}}{C_{1}R_{1}}) & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} U\boldsymbol{\tau}_{,k-1} \\ SOC_{k-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} R_{1} \begin{bmatrix} 1 - \exp(\frac{-T_{s}}{C_{1}R_{1}}) \end{bmatrix} \\ \frac{T_{s}}{C_{1}R_{1}} \end{bmatrix} I_{L,k} + \boldsymbol{\omega}_{k}$$
(14)

 $\left(C_{\text{actual}} \right)$

Γ 此处 T. 是采样间隔, k 为采样时刻。 则测量方程可表示为:

U = U (SOC) + U

$$U_{ct,k} = U_{ocv}(SOC_k) + U_{\boldsymbol{\tau},k} + I_{L,k}R_0 + \boldsymbol{v}_k$$
(15)

3.2 GPSO-PF 算法步骤

GPSO-PF 算法流程如图 5 所示。

1)初始化参数

设置初始 SOC, 方差 R_u 和 R_u , 然后产生 N 个初始随 机粒子,表示为 \mathbf{x}_{0}^{i} , $i=1,2,3,\cdots,N_{o}$

2) 状态更新

$$\hat{\boldsymbol{x}}_{k} = f(\hat{\boldsymbol{x}}_{k-1}, \boldsymbol{I}_{L,k-1}, \boldsymbol{\omega}_{k})$$
 (16)

$$\hat{z}_{k} = g(\hat{z}_{k-1}, I_{L,k-1}, v_{k})$$
(17)

将上一时刻优化后的N个粒子状态代入锂电池的状 态方程和测量方程,从而估算出下一时刻的锂电池的 N 个粒子状态和电池两端电压。

3) 更新测量数据

计算误差:

$$error_k^i = \mathbf{z}_k - \hat{\mathbf{z}}_k^i \tag{18}$$

式中: \hat{z}_{i} 为k时刻第i个粒子由状态方程和测量方程计算 获得的估算值, z_k 为 k 时刻的实测电压值。计算重要性 权重:

$$\omega_k^i = \frac{1}{\sqrt{2\pi R}} \exp\left\{-\left(\operatorname{error}_k^i\right)^2 \frac{1}{2R}\right\}$$
(19)

当实测电压值与由状态方程计算获得的估算值偏差 较小时,粒子的重要性权重值大;反之,当偏差较大时,粒 子的重要性权重值低。

归一化重要性权重:

$$\boldsymbol{\omega}_{k}^{i} = \boldsymbol{\omega}_{k}^{i} / \sum_{i=1}^{N} \boldsymbol{\omega}_{k}^{i}$$

$$(20)$$

4) 重采样

若式(21)成立,则进行重采样。在重采样后,真实 状态附近的粒子权重将会增大。

$$N_{\rm eff} = 1/\sum_{i=1}^{N} \left(\omega_k^i\right)^2 < N_{\rm threshold}$$
(21)

式中:N_{threshold} 为判断是否重采样的阈值。

5) 输出 状态估计:

$$_{k} = \sum_{i=1}^{N} \omega_{k}^{i} \boldsymbol{x}_{k}^{i}$$
(22)

粒子权重较大的粒子对最优值的贡献大,粒子权重 较小的粒子对最优值的贡献小。随着迭代次数的增加, 最优估计值与实际值的偏差不断减小。

方差估计,

$$P_{k} = \sum_{i=1}^{N} \boldsymbol{\omega}_{k}^{i} (\boldsymbol{x}_{k}^{i} - \hat{\boldsymbol{x}}_{k}) (\boldsymbol{x}_{k}^{i} - \hat{\boldsymbol{x}}_{k})^{\mathrm{T}}$$
(23)

根据最优值并利用式(24)和(25)来更新每个粒子 的速度与位置,使得粒子不断向最优状态靠近。优化过 程使得远离真实效果的粒子趋向于真实概率较大的区域 移动,提高了每个粒子的作用效果。从而解决了粒子退 化的问题。

$$\boldsymbol{v}_{k}^{i} = c_{1}\boldsymbol{v}_{k-1}^{i} + | randn | (\boldsymbol{\omega}_{gbest} - \boldsymbol{x}_{k}^{i})$$
(24)

$$\sum_{k=1}^{i} = \boldsymbol{x}_{k}^{i} + \boldsymbol{v}_{k}^{i} \tag{25}$$

式中:ω_{sbest}为估算过程中最大粒子权重值; | randn | 为 正的高斯分布随机数;c1为介于0~1之间的惯性因子。

6)判断是否结束,未结束则返回步骤2),结束则 退出。

实验与讨论 4

为了验证 GPSO-PF 算法的滤波效果,选用两节相同 型号的15 Ah的磷酸铁锂电池,利用新威公司生产的电 池充放电装置展开实验,分别编号为 Cell₁、Cell₂。

4.1 参数辨识

由于电池两端的开路电压受温度的影响较小,所以 本文仅在 20 ℃电流下展开开路电压的测量实验。首先 将 Cell,、Cell, 以 1 A 电流充满达到截止电压 3.7 V 后静 置 3 h,然后以 5 A 电流放电 16 min 至 SOC ≈ 0.9 后静置 2 h。循环重复工步,直至电池 SOC=0 或达到截止电压 1.9 V。利用 MATLAB 拟合获取 SOC 与电池两端开路电 压 U_{eev} 曲线, 如图 6 所示, Cell₁ 拟合参数如表 2 所示。在



图 5 GPSO-PF 算法流程 Fig. 5 Flow of GPSO-PF algorithm

算法迭代过程中,可以通过 SOC 与 U_{oev} 的关系曲线推算 实时的 U_{oev} 值,从而求取不同粒子所对应的权重。

ECM 参数识别,电动车在实际使用过程中电池的环境温度会发生变化,一直使用常温状态下测得的 ECM 参数是不准确的。将 Cell₁、Cell₂ 放置在恒温箱中,在不同温度下利用电池充放电设备对两节电池展开 HPPC 测试获取等效电路模型参数,建立考虑温度、SOC 的 Thevenin 模型。不同温度、SOC 下利用 HPPC 实验获取的 ECM 参数 R_0 、 R_1 、 C_1 分别对应图 2~4 所示。测量不同温度和 SOC 对应下的 ECM 参数可以近似模拟不同环境对电池内部参数的影响,从而便于计算式(19)中的粒子权重。

如图 7 所示,原始模型为常温状态下测得的 ECM 对 应的锂电池两端电压曲线。图 7 中真实 U_{et} 为测量所得 不同时刻的锂电池两端电压,原始模型和改进模型为基 于式(3)推算所得的锂电池两端电压。改进模型为基于 温度的 Thevenin 模型锂电池两端电压曲线,使用改进后 的基于温度的 Thevenin 模型后,GPSO-PF 算法对锂电池 两端的电压 U_{et} 估算效果得到改善,从而验证了模型的



准确性。

4.2 GPSO-PF 算法有效性

为了验证 GPSO-PF 算法的估算精度,采用新威公司 生产的电池充放电装置对 Cell₁、Cell₂ 在间歇性放电工况 和城市道路循环工况(urban dynamometer driving schedule, UDDS)工况进行充放电。

1)间歇性放电实验

在20℃下,对 Cell₁ 注入图 8 所示的间歇性电流激励,获得的电压响应如图 9 所示。将获得的电压、电流分别利用 GPSO-PF、PF、EKF 3 种算法估算 Cell₁ 的 SOC 值,并与真实值比较,SOC 估算结果如图 10 所示,误差如 图 11 所示。由图 10 和 11 可知,随着时间的推移,EKF 对 SOC 估算精度逐渐降低,而本文 GPSO-PF 算法、PF 算法对 SOC 的估计误差一直保持较低水平。这是由于 EKF 对非线性系统的滤波能力有限。如表 3 所示,改进 后的 GPSO-PF 算法对 SOC 估算的均方根误差(RMSE)、最大误差值都低于 PF、EKF 算法,从而验证了 GPSO-PF 算法对粒子退化的抑制作用。



Fig. 8 Intermittent excitation input current



图 9 间歇性放电响应电压





by intermittent discharge



Fig. 11 Estimation error of SOC excited by intermittent discharge

表 2 SOC-OCV 曲线参数

Table 2 SOC-OCV curve parameters

K_0	K_1	K_2	<i>K</i> ₃	K_4	K_5
4.721	0. 239 3	1.505	0.2501	1.216	24.96

表 3 间歇性放电实验 SOC 估算效果对比

Table 3 Comparison of SOC estimation results in

intermittent discharge experiments

算法	RMSE	最大误差
EKF	0.018 6	0.043 4
PF	0.008 8	0.015 0
GPSO-PF	0.004 6	0.007 2

2) UDDS 工况实验

UDDS 工况是美国环境保护综述颁布的城市道路循 环工况,如图 12 所示,电池放电电流根据真实汽车行驶 时模拟放电。同时,为了模拟极端的温度情况,利用恒温 箱在测试过程中将电池所处的环境温度从 40 ℃开始,以 每分钟降低近似 0.1℃逐渐降低至 10℃后保持,利用电 池充放电设备对 Cell₂ 施加如图 12 所示的电流模拟 UDDS 工况,Cell₂ 的电压响应如图 13 所示。如图 14、15 所示,GPSO-PF 相比 PF、EKF 算法对 SOC 估算的误差更 小。如表 4 所示,改进后的 GPSO-PF 算法在模拟 UDDS 工况下对 SOC 估算的 RMSE 为 0.003 4、最大误差值为 0.29%,都低于 PF、EKF 算法。

表 4 UDDS 工况 SOC 估算效果对比 Table 4 Comparison of SOC estimation

results under UDDS conditions

算法	RMSE	最大误差
EKF	0.022 2	0.125 1
\mathbf{PF}	0.004 6	0.008 8
GPSO-PF	0.003 4	0.002 9















3) GPSO-PF 算法鲁棒性实验

为了验证 GPSO-PF 算法的鲁棒性,分别设置错误的 SOC 初始值为 0.9、0.8、0.6。在粒子滤波的初期,GPSO-



Fig. 15 SOC estimation error under UDDS condition

PF 通过不断更新随机分布的 N 个粒子的权值,从而寻找 出真实的 SOC 大致区域。然后在逐渐迭代中不断趋于 真实的 SOC 值。如图 16 所示, GPSO-PF 算法使得 SOC 估计快速收敛至真实值。



图 16 GPSO-PF 算法鲁棒性实验



5 结 论

本文介绍了 GPSO-PF 算法的原理、GPSO-PF 的实现 步骤、参数的辨识,建立了考虑温度的 Thevenin 模型。在 间歇性放电下,基于 GPSO-PF 的 SOC 估算算法最大误 差为 0.72%,表现出相比 PF、EKF 算法更佳的 SOC 估算 效果。在模拟的 UDDS 工况下,基于 GPSO-PF 的 SOC 估 算算法最大误差为 0.29%,相比 PF、EKF 算法降低一倍 以上。经过改进后的 PF 算法,SOC 估计误差的均方根值 和最大值都得到显著降低。

参考文献

[1] XIONG R, HE H, SUN F, et al. Evaluation on state of charge estimation of batteries with adaptive extended Kalman filter by experiment approach [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2013, 62(1): 108-117.

- [2] ZHENG F, XING Y, JIANG J, et al. Influence of different open circuit voltage tests on state of charge online estimation for lithium-ion batteries [J]. Applied Energy, 2016, 183:513-525.
- [3] MM A, ET B, CFZ B, et al. EIS study on metal hydride electrodes using a porous model: Fitting methodology and SOC effects [J]. Journal of Energy Storage, 2020, 27:101067.
- [4] RÉMY MINGANT, BERNARD J, MOYNOT V S, et al.
 EIS measurements for determining the SOC and SOH of Li-ion batteries[C]. ECS Meeting, 2011.
- [5] ZHAO X, WANG S, JIAN M, et al. Identification of driver's braking intention based on a hybrid model of GHMM and GGAP-RBFNN[J]. Neural Computing and Applications, 2018, 31:161-174.
- [6] KANG L W, ZHAO X, MA J. A new neural network model for the state-of-charge estimation in the battery degradation process [J]. Applied Energy, 2014, 121: 20-27.
- [7] ZHAO X, YU Q, MA J, et al. Development of a representative EV urban driving cycle based on a k-means and SVM hybrid clustering algorithm [J]. Journal of Advanced Transportation, 2018(1):1-18.
- [8] PASCHERO M, STORTI G L, RIZZI A, et al. A novel mechanical analogy based battery model for SoC estimation using a multi-cell EKF[J]. IEEE Transactions on Sustainable Energy, 2016, 7(4):1695-1702.
- [9] GUO L, LI J, FU Z. Lithium-ion battery SOC estimation and Hardware-in-the-Loop simulation based on EKF[J]. Energy Procedia, 2019, 158:2599-2604.
- [10] YU Q, XIONG R, LIN C. Online estimation of state-ofcharge based on the H infinity and unscented Kalman filters for Lithium-ion batteries [J]. Energy Procedia, 2017, 105:2791-2796.
- [11] PARTOVIBAKHSH M, LIU G. An adaptive unscented Kalman filtering approach for online estimation of model parameters and state-of-charge of Lithium-ion batteries for autonomous mobile robots [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2014, 23(1):357-363.
- [12] XU W, XU J, YAN X. Lithium-ion battery state of charge and parameters joint estimation using cubature Kalman filter and particle filter [J]. Journal of Power

Electronics, 2020, 20(1):292-307.

- [13] MA Y, CHEN Y, ZHOU X, et al. Remaining useful life prediction of Lithium-ion battery based on Gauss-Hermite particle filter[J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2019,27(4): 1788-1795.
- [14] YE M, GUO H, CAO B. A model-based adaptive state of charge estimator for a Lithium-ion battery using an improved adaptive particle filter [J]. Applied Energy, 2017, 190:740-748.
- [15] SUSANNA S, DEWANGGA B R, WAHYUNGORO O, et al. Comparison of simple battery model and Thevenin battery model for SOC estimation based on OCV method [C]. International Conference on Information and Communications Technology (ICOIACT), IEEE, 2019.
- [16] HE Y, LI Q, ZHENG X, et al. Equivalent hysteresis model based SOC estimation with variable parameters considering temperature [J]. Journal of Power Electronics, 2021, DOI:10.1007/s43236-020-00213-5.
- [17] 刘大同,宋宇晨,武巍,等. 锂离子电池组健康状态 估计综述[J]. 仪器仪表学报, 2020, 41(11):1-18.
 LIU D T, SONG Y CH, WU W, et al. Review of health state estimation of Lithium-ion batteries [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2020, 41 (11): 1-18.
- [18] 周娟,孙啸,刘凯,等.联合扩展卡尔曼滤波的滑模观测器 SOC 估算算法研究[J].中国电机工程学报,2021,41(2):692-703.
 ZHOU J, SUN X, LIU K, et al. SOC estimation algorithm of sliding mode observer based on extended Kalman filter [J]. Proceedings of the CSEE, 2021,41 (2): 692-703.
- [19] 郑雪莹,邓晓刚,曹玉苹.基于能量加权高斯过程回 归的锂离子电池健康状态预测[J].电子测量与仪器 学报,2020,34(6):63-69.
 ZHENG X Y, DENG X G, CAO Y P. Prediction of Lithium-ion battery health status based on energy weighted Gaussian process regression [J]. Journal of Electronic Measurement and Instrumentation, 2020, 34 (6): 63-69.
- [20] 刘淑杰,郝昆昆,王永,等.基于改进粒子滤波算法的动力锂离子电池荷电状态估计[J].大连理工大学学报,2020,60(4):392-401.
 LIU SH J, HAO K K, WANG Y, et al. State of charge estimation of power Lithium-ion battery based on improved particle filter algorithm [J]. Journal of Dalian University of Technology, 2020, 60 (4): 392-401.

[21] 赵天意, 彭喜元, 彭宇, 等.改进卡尔曼滤波的融合型锂离子电池 SOC 估计方法[J]. 仪器仪表学报, 2016, 37(7):1441-1448.
 ZHAO T Y, PENG X Y, PENG Y, et al. SOC

estimation method of fusion Lithium-ion battery based on improved Kalman filter [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2016, 37 (7): 1441-1448.

[22] 焦自权,范兴明,张鑫,等.基于改进粒子滤波算法的锂 离子电池状态跟踪与剩余使用寿命预测方法[J].电工 技术学报,2020,35(18);3979-3993.

> JIAO Z Q, FAN X M, ZHANG X, et. al. State tracking and residual service life prediction method of Lithium-ion battery based on improved particle filter algorithm [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2020, 35 (18): 3979-3993.

作者简介



黄海宏,现为合肥工业大学教授,主要 研究方向为电力电子技术和自动控制。 E-mail;hhaihong741@126.com

Huang Haihong he is a professor at Hefei University of Technology now. His main research interests include power electronics and

automation.



汪宇航,2019年于合肥工业大学获得 学士学位,现为合肥工业大学硕士研究生, 主要研究方向为电工理论与新技术。 E-mail:1298764646@qq.com

Wang Yuhang received his B. Sc.

degree from Hefei University of Technology in 2019. Now he is a M. Sc. candidate at Hefei University of Technology. His main research interests include electrical theory and new technology.